文章编号: 2095-2163(2020)06-0230-05

中图分类号: TB123 文献标志码: A

基于机构运动解耦控制的数控机床抖振参数辨识

陈运胜

(广州华立科技职业学院,广州 511325)

摘 要:数控机床在切削等加工过程中容易出现抖振,需要进行抖振参数辨识,提高机床加工的精度,提出基于机构运动解耦 控制的数控机床抖振参数辨识方法,采用柔性子空间追踪方法进行数控机床加工参数线性化处理,建立数控机床抖振的动力 学模型,采用机械结构弹性模量参数识别方法进行数控机床振动解耦控制,根据数控机床抖振系统刚体运动和柔性振动的相 互耦合性进行结构参数辨识,通过机构运动解耦控制实现对数控机床的抖振抑制和载荷参数识别。仿真结果表明:采用该方 法进行数控机床抖振参数辨识的特征分辨能力较好,对数控机床的抖振抑制能力较强,提高了数控机床的加工精度。 关键词:机构运动;解耦控制;数控机床;抖振;参数辨识

# Identification of buffeting parameters of NC machine tools based on mechanism motion decoupling control

CHEN Yunsheng

(Guangzhou Huali Science and Technology Vocational College, Guangzhou 511325, China)

[Abstract] The buffeting of NC machine tools is easy to occur in the process of cutting and other machining, so it is necessary to identify the buffeting parameters and improve the machining accuracy of NC machine tools. A buffeting parameter identification method based on mechanism motion decoupling control is proposed. The flexible subspace tracking method is used to linearize the machining parameters of CNC machine tools, and the dynamic model of NC machine tool buffeting is established. The elastic modulus parameter identification method of differential mechanical structure is used to decoupling the vibration of NC machine tool. According to the coupling between rigid body motion and flexible vibration of NC machine tool buffeting system, the structural parameter identification is carried out, and the buffeting suppression and load parameter identification of NC machine tool are realized by mechanism motion decoupling control. The simulation results show that the method has good characteristic resolution ability to identify the buffeting parameters of NC machine tools, and has strong buffeting suppression ability to NC machine tools, which improves the machining accuracy of NC machine tools.

[Key words] mechanism motion; decoupling control; NC machine tool; buffeting; parameter identification

## 0 引 言

随着数控机床加工技术的不断进步,对数控机 床加工的精准度提出了更高的要求,在采用数控机 床进行切削加工过程中,受到环境和机械结构自身 扰动等因素的影响,导致数控机床加工过程中容易 出现抖振,需要构建数控机床加工的抖振抑制模型, 采用模态振型抑制等方法,进行数控机床抖振参数 辨识,根据参数辨识结果,实现数控机床的加工优化 控制,相关的数控机床抖振参数辨识方法研究受到 人们的极大关注<sup>[1]</sup>。

对数控机床抖振参数辨识是建立在对机床机械 结构参数传感信息采样和信息融合基础上,建立数 控机床抖振参数采集模型,通过机床切削颤振特征 分析,进行加工过程的扰动因素辨识<sup>[2-3]</sup>。文献[4] 中提出基于递推子空间方法的数控机床抖振参数辨 识模型,构建数控机床的结构参数优化辨识模型,根据阻尼力矩特征分解方法进行参数标识和结构调整,但该方法进行数控机床抖振参数识别的计算开销较大,控制的实时性不好。文献[5]中提出基于相机成像全局建模的轴承回转误差测量方法,结合平面光栅测量结果进行误差标定,根据误差测定结果进行数控机床抖振参数辨识,但该方法进行误差测量的自适应性不好,对回转误差的视觉求解精度不高。

针对上述问题,本文提出基于机构运动解耦控 制的数控机床抖振参数辨识方法,首先采用柔性子 空间追踪方法进行数控机床加工参数线性化处理, 建立数控机床抖振的动力学模型,然后采用机械结 构弹性模量参数识别方法进行数控机床振动解耦控 制,根据数控机床抖振系统刚体运动和柔性振动的

作者简介:陈运胜(1982-),男,学士,副教授,高级技师,主要研究方向:机械工程和自动控制工程。

相互耦合性进行结构参数辨识。最后进行仿真测试,展示了本文方法在提高数控机床抖振参数辨识能力方面的由于性能。

#### 1 数控机床加工参数采集和结构模型

## 1.1 数控机床加工参数线性化处理

为了实现的数控机床抖振参数辨识,采用柔性 子空间追踪方法进行数控机床加工参数线性化处 理,建立数控机床抖振结构力学分析模型<sup>[6]</sup>,采用 多种检验法组合方法,得到数控机床加工参数的统 计特征分布状态方程为

$$\begin{cases} x_1 = x_3, \\ \dot{x}_3 = f_{\theta}(X, t) + g_{\theta}(X, t)u(t) + d_{\theta}(t), \\ \dot{x}_2 = x_4, \\ \dot{x}_4 = f_x(X, t) + g_x(X, t)u(t) + d_x(t). \end{cases}$$
(1)

式中,  $X = [\theta, x, \theta, x]^{T}$ ,  $f_{x}(X, t)$ ,  $f_{\theta}(X, t)$ ,  $g_{x}(X, t)$ ,  $g_{\theta}(X, t)$ ,  $f_{\theta}(X, t)$ ,  $g_{x}(X, t)$ ,  $g_{\theta}(X, t)$ ,  $f_{\theta}(X, t)$ ,  $g_{x}(X, t)$ ,  $f_{\theta}(X, t)$ ,  $f_{\theta}(X, t)$ ,  $g_{x}(X, t)$ ,  $f_{\theta}(X, t)$ ,  $f_{\theta}(X, t)$ ,  $g_{x}(X, t)$ ,  $f_{\theta}(X, t)$ ,  $g_{x}(X, t)$ ,  $f_{\theta}(X, t)$ ,  $g_{x}(X, t)$ ,  $f_{\theta}(X, t)$ ,  $f_{\theta}(X, t)$ ,  $g_{x}(X, t)$ ,  $f_{\theta}(X, t)$ ,  $g_{x}(X, t)$ ,  $f_{\theta}(X, t)$ ,  $g_{x}(X, t)$ ,  $f_{\theta}(X, t)$ ,  $f_{\theta}(X, t)$ ,  $g_{x}(X, t)$ ,  $f_{\theta}(X, t)$ ,  $f_{\theta}$ 

$$u_{eqx} = X_m \cdot U_m \cdot \lambda \left( -\hat{f}_x - \lambda_x \dot{e}_x - \alpha e_x + \ddot{x} \right) / (A_m \cdot \lambda g_x + B_m \cdot g_\theta).$$
(2)

其中,  $X_m \in \mathbb{R}^n$ ,  $U_m \in \mathbb{R}^m$ ,  $A_m$ ,  $B_m$  是不同位置点的刚度权。经典的代数方法辨识数控机床的结构参数, 对实部求偏导:

$$\begin{aligned} \frac{\partial J_{R,j}(n)}{\partial f_{ij}(n)} &= \frac{\partial \left( |y_{R,j}(n)|^2 - R_{2,R} \right)^2}{\partial f_{ij}(n)} = \\ 4(|y_{R,j}(n)|^2 - R_{2,R}) \times \frac{\partial \left( |y_{R,j}(n)|^2 - R_{2,R} \right)}{\partial f_{ij}(n)} = \\ 4(|y_{R,j}(n)|^2 - R_{2,R}) \times \\ \frac{\partial \left( (x_j(n) * f_{ij}(n)) (x_j(n) * f_{ij}(n))^* - R_{2,R} \right)}{\partial f_{ij}(n)} = \\ 4(|y_{R,j}(n)|^2 - R_{R,j}) \times x_j(n) \times (x_j(n) * f_{ij}(n))^* = \\ 4(|y_{R,j}(n)|^2 - R_{2,R}) \times y_{R,j}(n)^* \times x_j(n). \end{aligned}$$

利用递推子空间方法来获得误差测量数据,在 6个自由度内,得到抖振干扰向量为 e<sup>-tms</sup>,在参考坐 标系中,数控机床加工参数线性化处理输出为:

$$Y(s) = \frac{e^{-L_m s}}{(\lambda_1 s + 1)} R(s) + \frac{(\lambda_2 s + L_m)s}{(\lambda_2 s + 1)} D(s).(4)$$

根据对数控机床加工参数线性化处理结果,进 行系统刚体运动力学分析。

## 1.2 机床抖振的动力学模型

建立数控机床抖振的动力学模型,采用机械结构弹性模量参数识别<sup>[7]</sup>,在并联机构作用下,数控

机床切削的传动耦合模型为:

$$P = \sum_{i=0}^{6} m_i g z_i.$$
 (5)

考虑末端质量的动能的扰动因素的影响,得到 数控机床在工件坐标系下切削间隙数为:

$$L = K - P. \tag{6}$$

分析振动位移及升程误差,结合加工质量控制的方法建立解耦模型,在耦合作用下,利用 Lagrange 方程进行局部寻优<sup>[8]</sup>,得到数控机床在工作点附近的升程变化率为:

$$\frac{d}{dt} \left[ \frac{\partial L}{\partial q_i} \right] - \frac{\partial L}{\partial q_i} = T_i, (i = 1, 2, \cdots, 6).$$
(7)

式中,*T*<sub>i</sub>为系统质量参数,用*M*表示作用力矩,用向 量*G*表示工作点处的重力,根据线性轴与回转轴误 差,得到数控机床切削校准的运动学模型为:

$$M(q)\ddot{q} + K(q,\dot{q}) + H(q) = T.$$
 (8)

计算在 k 时刻离散化后的状态空间模型,利用 主动控制式得到激励载荷为:

$$x_{L3} = l_1 \sin\theta_1 + l_2 \sin(\theta_1 - \theta_2) + \alpha_3 \sin(\theta_1 - \theta_2 + \theta_3) - \alpha_0.$$
(9)

$$x_{R3} = \alpha_6 - l_5 \sin\theta_6 + l_4 \sin(\theta_5 - \theta_6) - \alpha_3 \sin(\theta_4 - \theta_5 + \theta_6).$$
(10)

$$\frac{m_{L3}}{m_{R3}} = \frac{x_{R3}}{x_{L3}}.$$
 (11)

$$m_3 = m_{L3} + m_{R3}.$$
 (12)

综合上 4 个公式,可以计算出 m<sub>L3</sub> 和 m<sub>R3</sub> 的值。 实现数控机床切削过程中的抖振参数辨识,建立机 床抖振的动力学模型,得到输出惯性参数为 W<sub>0</sub>>0, W<sub>n</sub>>0,在时间 tn 内的得到外部载荷的动态测量递 推公式计算为

$$N_{i,0}(u) = \begin{cases} 1, u_i \leq u \leq u_{i+1}; \\ 0, \notin \mathbb{A}. \end{cases}$$
(13)

$$N_{i,k} = \frac{(u - u_i) N_{i,k-1}(u)}{u_{i+k} - u_i} + \frac{(u_{i+k+1} - u) N_{i+1,k-1}(u)}{u_{i+k+1} - u_{k+1}}.$$
(14)

式中,  $U = \{u_0, u_1, ..., u_{n+k+1}\}$ 为数控机床抖振的动 力学分布集,  $u \neq NURBS$  曲线的自变量。根据上述 分析, 进行机床抖振的动力学模型设计, 结合于平均 回转轴线的位置参数识别结果进行机床的抖振参数 辨识<sup>[9]</sup>。

### 2 数控机床抖振参数辨识方法优化

## 2.1 机床振动解耦控制

在上述采用柔性子空间追踪方法进行数控机床

加工参数线性化处理的基础上,进行数控机床抖振 参数辨识方法的优化设计,本文提出基于机构运动 解耦控制的数控机床抖振参数辨识方法,根据机床 主轴回转误差运动特性记性反馈控制<sup>[10]</sup>,到外部载 荷分布矩阵 **R** 定义为

$$\mathbf{R} = \mathbf{X}(n)\mathbf{X}^{\mathrm{T}}(n) = \begin{bmatrix} x_{1}(n)x_{1}(n) & x_{1}(n)x_{2}(n) & \dots & x_{1}(n)x_{m}(n) \\ x_{2}(n)x_{1}(n) & x_{2}(n)x_{2}(n) & \dots & x_{2}(n)x_{m}(n) \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ x_{m}(n)x_{1}(n) & x_{m}(n)x_{2}(n) & \dots & x_{m}(n)x_{m}(n) \end{bmatrix}.$$
(15)

采用非稳态的非线性动力学传动控制的方法, 进行振动解耦控制,假设控制的传输时延 *τ*<sub>k</sub> 是不确 定的,计算机床沿 *x*、*y*、*z*这3个坐标方向的外载荷, 当主轴质量不平衡时,得到数控机床的空间位置分 布几何变化关系为

$$x_{i}(n) = \sum_{j=1}^{m} h_{ij}(n)^{T} s_{j}(n) + v_{i}(n), \quad (16)$$

$$y_{j}(n) = \sum_{i=1}^{r} f_{ij}(n)^{T} x_{i}(n).$$
 (17)

其中, h<sub>ij</sub> 代表机床沿 x 坐标方向真实动态特性, f<sub>ij</sub> 表示并联机构的敏感性特征量。根据数控机床抖振系统刚体运动和柔性振动的相互耦合性进行结构参数辨识,得到迭代方程:

$$f_{ij}(n+1) = f_{ij}(n) + \mu_{MCMA} \frac{\partial J_{MCMA}(n)}{\partial f_{ij}(n)}.$$
 (18)

其中, μ<sub>MCMA</sub> 代表机床曲梁两端的水平距离, 机 床的机械传动载荷和强度的计算式:

$$K = \frac{1}{2} \sum_{i=0}^{2} \left[ I_i \dot{q}_i^2 + m_i (\dot{x}_i^2 + \dot{z}_i^2) + \frac{1}{2} (I_{I3} \dot{q}_3^2 + m_{I3} (\dot{x}_3^2 + \dot{z}_3^2)) \right].$$
(19)

在柔性平行四边形机构中进行参数辨识,根据 运动传感器、测量与分析系统的反馈结果进行信息 融合,得到机床的误差反馈调节状态式可写为

$$P(u) = \frac{\sum_{i=0}^{n} N_{i,k}(u) W_i C_i}{\sum_{i=0}^{n} N_{i,k}(u) W_i} = \sum_{i=0}^{n} C_i R_{i,k}(u), \quad (20)$$
$$R_{i,k}(u) = \frac{N_{i,k}(u) W_i}{\sum_{i=0}^{n} N_{i,k}(u) W_i}. \quad (21)$$

式中, *C<sub>i</sub>*(*i* = 0,1,...,*n*) 为数控机床在抖振条件下 的反馈控制学习参数, 得到自适应学习的权因子 *W<sub>i</sub>*(*i* = 0,1,...,*n*), 根据上述分析, 构建了数控机床 振动解耦控制模型。

#### 2.2 抖振抑制和载荷参数识别

通过机构运动解耦控制实现对数控机床的抖振 抑制和载荷参数识别,采用时变结构模态参数辨识 的方法进行抖振抑制和随动接触测量,使用 P(u) 表示模型结构与超参数调节函数,有

$$P(u) = (x(u), y(u), z(u)), \qquad (22)$$

$$c = P_{x}(u), y = P_{y}(u), z = P_{z}(u).$$
(23)

式中, u 为数控机床切抖振的幅度, 记为  $u(t_i) = u_i$ ,  $u(t_{i+1}) = u_{i+1}$ 。对 u 进行动态力增益调节, 通过随机 激励的方法, 进行机床的输出稳态特征检测, 为:

$$u_{i+1} = u_i + \frac{du}{dt} \Big|_{t=t_i} (t_{i+1} - t_i) + H.O.T. \quad (24)$$

式中, t<sub>i</sub>为第 i个数控机床的激励力, u<sub>i</sub>为第 i个数控 机床抖振参数辨识的误差分辨率, 计算激励力和加 速度响应信号, 得到数控机床抖振参数辨识的模糊 迭代过程 V(u<sub>i</sub>)可定义为

$$V(u_{i}) = \left\| \frac{dP(u)}{dt} \right\|_{u=u_{i}} = \left\| \frac{dP(u)}{dt} \right\|_{u=u_{i}} \frac{du}{dt} \Big|_{t=t_{i}},$$
(25)

则有

$$\frac{du}{dt}\Big|_{t=t_i} = \frac{V(u_i)}{\left\| \frac{dP(u)}{du} \right\|_{u=u_i}}.$$
(26)

通过机构运动解耦控制实现对数控机床的抖振 抑制和载荷参数识别,得到数控机床抖振耦合参数 增量  $\Delta u_{i+1}$ ,即

$$\Delta u_{i+1} = u_{i+1} - u_i = \frac{V(u_i) \times T_s}{\|\frac{dP(u)}{u}\|_{u=u_i}} = \frac{F \times T_s}{\sqrt{x^{2} + y^{2} + z^{2}}}$$
(27)

式中, T<sub>s</sub> 为数控机床抖振的规律性变化周期系数, 提取各个通道响应数据,采用固有频率检测的方法, 得到输出振荡幅值描述为

$$V_1 = V_0 + Acc_0 \times T.$$
 (28)

在最大允许力下,数控机床抖振参数辨识的动态响应 Acco 有

$$Acc_{0} = \min\left(Acc_{\max}, \frac{\min\left(V_{err0}, V_{set}\right) - V_{0}}{T}\right). \quad (29)$$

综上分析,实现对数控机床的抖振抑制和载荷 参数识别,根据参数辨识结果进行数控机床加工优 化控制。

#### 3 仿真实验与性能分析

为了验证本文方法在实现数控机床的抖振参数

233

辨识和优化控制中的应用性能,进行仿真实验,实验的硬件装置有力学传感器、加速度传感器、数控机床的力学测量与分析系统,抖振激励为 0~250 Hz 的随机激励,采样时间  $\Delta t = 0.001 \text{ s}$ ,载荷质量为 120 Kg,水平位置以 0.045  $\mu$ m 作为抖振波动中心, 弹簧刚度为 200 N·s,根据上述仿真环境参数设定,进行数控机床的抖振抑制和参数辨识仿真,得到 仿真现场图如图 1 所示。



图 1 实验现场图 Fig. 1 Experimental site diagram

采用机械结构弹性模量参数识别方法进行数控 机床振动解耦控制,建立数控机床抖振参数识别模 型,得到抖振的惯性旋转参数 0.24 rad/s,机械结构 弹性模量为 0.65,电枢电感为 0.005 H,测试原始数 据采样结果如图 2 所示。



图 2 数控机床抖振原始数据采样结果

Fig. 2 Sampling results of raw data for buffeting of NC machine tools

以图 2 的数据为输入,根据数控机床抖振系统 刚体运动和柔性振动的相互耦合性进行结构参数辨 识,得到对各个通道上优化的参数辨识输出如图 3 所示。

分析图 3 得知,采用本文方法能有效实现对数 控机床抖振抑制和辨识,参数输出的收敛性较好,输 出的误差较小。在此基础上,测试不同方法进行机 床抖振抑制后的加工误差,得到对比结果见表 1,分 析表 1 得知,采用本文方法能有效抑制抖振,提高机 床的加工精度,降低加工误差。



## 4 结束语

构建数控机床加工的抖振抑制模型,采用模态 振型抑制等方法,进行数控机床抖振参数辨识,实现 数控机床的加工优化控制,本文提出基于机构运动 解耦控制的数控机床抖振参数辨识方法。利用递推 子空间方法来获得误差测量数据进行机床抖振的动 力学模型设计,根据数控机床抖振系统刚体运动和 柔性振动的相互耦合性进行结构参数辨识,实现对 数控机床的抖振抑制和载荷参数识别。分析得知, 本文方法进行数控机床抖振参数辨识的精度较高, 误差较小,提高了机床加工参数输出的平稳性。

### 参考文献

- [1] 张建军, 杜春翠, 杨高炜, 等. 含柔性运动副欠驱动机构运动学和动力学求解的数值迭代算法[J]. 机械工程学报, 2018, 54(13): 66-72.
- [2] 董冠华,殷勤,殷国富,等. 基于模态分析理论的结合部动刚度 辨识[J]. 振动与冲击,2017(36):125-131.
- [3] 陈国胜,李绍军,向荣,等. 基于 XMC4200 的坐标观测器设计与 实现[J]. 电子测量技术,2018,41(21):152-156.
- [4] LORIA A. Observers are unnecessary for output-feedback control of lagrangian systems [J]. IEEE Transactions on Automatic Control, 2016, 61(4):905-920.
- [5] MUJUMDAR A, TAMHANE B, KURODS. Observer based sliding mode control for a class of noncommensurate fractional – order systems [J]. Mechatronics, IEEE/ASME Transactions on Mechatronics, 2015, 20(5):2504–2512.
- [6] 蒋帅,孙小凡,向茂生,等. 一种基于 DEM 的机载干涉相位生成 算法[J]. 国外电子测量技术,2018,37(9):56-61.
- [7] 李静,高华钰,沈南燕,等.复杂轴类零件非圆轮廓接触式随动 测量方法[J].机械工程学报,2018,54(5):38-46.
- [8] 苏奇全, 贾宏光, 朱明超, 等. 基于递推闭环子空间辨识的自适 应预测控制方法[J]. 信息与控制, 2015,44(2): 252-256.
- [9] 杨季三,徐贵力,董文德,等. 微波叶尖间隙传感器信号校准研究[J]. 仪器仪表学报,2018,39(10):193-201.
- [10] 兰庆庆,肖本贤. 基于网格的密度峰值聚类算法的 RFID 定位 [J]. 电子测量与仪器学报,2018,32(10):73-78.